双基地前向散射雷达机动目标跟踪

王辉军^{1,2}, 刘卫平³, 曹运合¹, 张守宏¹

(1. 西安电子科技大学 雷达信号处理国家重点实验室,陕西 西安 710071;2.94119 部队,甘肃 天水 741020;3. 上海航天电子技术研究所,上海 201109)

摘 要:为进行基于 EKF(Extended Kalman Filter, EKF)的双基地前向散射雷达机动目标跟踪, 基于双基地前向散射雷达(Bisktic forward scattering radars, BFSR)在其前向散射区探测隐身目标 的能力明显优于单基地雷达的特点,建立常加速度和变加速度 2 种运动模型,使用扩展卡尔曼 滤波进行目标跟踪保持,精确估计了运动目标参数(运动轨迹、速度、加速度),为该体制雷达成 像、识别奠定了基础。并使用了高斯 - 牛顿迭代算法估计初值,提高了滤波的效率和准确性。 通过对匀加速、变加速运动目标仿真,验证了提出模型和算法的有效性。

关键词:EKF;机动目标;前向散射雷达

DOI:10. 3969/j. issn. 1009 - 3516. 2010. 04. 008

中图分类号: TN951 文献标识码: A 文章编号: 1009-3516(2010) 04-0037-05

双基地前向散射雷达在其前向散射区内能对"隐形"目标进行探测^[1-5],因此,在对要害部位进行保护 及拦截低空突防武器中作用日益凸现。文献[1,6]讨论了双基地前向散射雷达对高速运动目标的检测,确 定了目标的观测向量多普勒频移和波束到达方向,但目标运动参数与观测向量是非线性关系,且从双基雷达 几何配置特性可知,目标在远场多普勒频率、波束到达方向角都较大,但目标回波信号功率比较小,目标在基 线附近区域时,目标回波信号功率较大,但目标信号与直达波信号的功率比急剧增大,同时多普勒频率接近 零,这给目标参数的估计带来一定的难度。文献[7-8]对匀速直线运动目标进行了参数估计,但都是针对 匀速目标的研究,本文在其研究基础上对机动目标参数估计进行探讨,建立机动目标观测模型、机动目标状 态模型,并运用扩展卡尔曼滤波进行仿真研究。

1 系统模型的建立

βθ 双基地前向散射雷达的几何关系见图 1。图中 T 表示发射机, R 表示接收机, b 表示基线长度, β 表示双基地角, T_g 为目标, θ 为方位角, V 表示目标运动速度, ψ 表示目标运动方向和基线的夹角。

1)常加速度运动状态模型。目标 T_s 以常加速度 a 运动,此时 系统的状态方程可描述为:

$$\boldsymbol{X}(\boldsymbol{k}+1) = \boldsymbol{\Phi}\boldsymbol{X}(\boldsymbol{k}) + \boldsymbol{G}\boldsymbol{v}(\boldsymbol{k}) \tag{1}$$

式中: $X(k+1) = [x_{k+1} \dot{x}_{k+1} \dot{y}_{k+1} \dot{y}_{k+1}]^{T}$ 为状态向量; \dot{x}_{k+1} 、 \dot{y}_{k+1} 分别为k+1时刻目标在 $x \downarrow y$ 方向上的速度; $\ddot{x}_{k+1} \downarrow \ddot{y}_{k+1}$ 分别为k+1 时刻目标在 $x \downarrow y$ 方向上的加速度;状态转移矩阵 Φ 、过程噪声





作者简介:王辉军(1977 –),男,甘肃通渭人,硕士,主要从事双多基地雷达信号检测研究. E – mail;whjbhy@ yahoo. com. cn

^{*} 收稿日期:2009-08-22

基金项目:国家部委科技预研基金资助项目(5143102015ZS0102)

分布矩阵 G 分别为:

	1	Т	$1/2T^{2}$	0	0	0			$1/6T^{3}$	0		
Φ=	0	1	Т	0	0	0		$1/2T^{2}$	0			
	0	0	1	0	0	0		G	Т	0		•
	0	0	0	1	Т	$1/2T^{2}$; G=	G =	0	$1/6T^{3}$	(.	(2)
	0	0	0	0	1	Т			0	$1/2T^{2}$		
	$\lfloor 0$	0	0	0	0	1 _			0	Τ –		

式中T表示采样间隔。

2) 变加速度运动状态模型。利用当前统计模型建模^[9],目标的状态方程为: $X(k+1) = \Phi(k)X(k) + G(k)\bar{a} + V(k)$ (3) 式中 $\Phi(k)$ 、输入控制矩阵 G(k) 如式(4)所示: $\begin{bmatrix}
1 & T(a_xT - 1 + e^{-a_xT})/a_x^2 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 1 & (1 - e^{-a_xT})/a_x & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & e^{-a_xT} & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 1 & T(a_yT - 1 + e^{-a_yT})/a_y^2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 & (1 - e^{-a_yT})/a_y \\
0 & 0 & 0 & 0 & 0 & e^{-a_yT}
\end{bmatrix};$

$$\boldsymbol{G}(k) = \begin{bmatrix} 1/a_{x}(-T+a_{x}T^{2}/2+(1-e^{-a_{x}T})/a_{x}) & 0\\ T-(1-e^{-a_{x}T})/a_{x} & 0\\ 1-e^{-a_{x}T} & 0\\ 0 & 1/a_{y}(-T+a_{y}T^{2}/2+(1-e^{-a_{y}T})/a_{y})\\ 0 & T-(1-e^{-a_{y}T})/a_{y}\\ 0 & 1-e^{-a_{y}T} \end{bmatrix}$$
(4)

式中 *a_x*,*a_y*为机动时间常数的倒数 *a* 在 2 个方向上的分量,具体值根据实际情况确定,这里假定 *aT*≪1,即 *T* 比机动自相关时间常数 1/*a* 小得多,在跟踪过程中,如果更新率足够高,则上述假定是合理的。

3) 观测模型。根据观测信息,模型的观测方程如下:

$$\mathbf{Z}(k) = \mathbf{h}(k, \mathbf{X}(k)) + \mathbf{W}(k)$$
(5)

式中观测向量 $\mathbf{Z}(k) = [f_k \, \theta_k]^{\mathsf{T}}$ 。由双基地雷达系统基本原理可知:

$$f = 1/\lambda \, \mathrm{d}/\mathrm{d}t [R_T + R_R] = 1/\lambda [\mathrm{d}R_T/\mathrm{d}t + \mathrm{d}R_R/\mathrm{d}t]$$
(6)

根据双基地几何关系图1,有 $R_{R} = \sqrt{x_{k}^{2} + y_{k}^{2}}, R_{T} = \sqrt{(b - x_{k})^{2} + y_{k}^{2}}, 且 \dot{x}_{k} = dx_{k}/dt, \dot{y}_{k} = dy_{k}/dt, 观测矩阵 满足:$

$$\boldsymbol{h}(k,\boldsymbol{X}(k)) = \begin{bmatrix} f \\ \theta \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{1}{\lambda} \begin{bmatrix} \frac{x_k \dot{x}_k + y_k \dot{y}_k}{\sqrt{x_k^2 + y_k^2}} + \frac{y_k \dot{y}_k - (b - x_k) \dot{x}_k}{\sqrt{(b - x_k)^2 + y_k^2}} \end{bmatrix}$$

$$\operatorname{arctan} \frac{y_k}{x_k}$$

$$(7)$$

式中: A 为发射波波长; b 为基线长度。

2 高斯 - 牛顿迭代算法估计初值

目标最大似然估计的基本原理是对于某个选定的值 ϑ ,考虑x 落在一个小区域内的概率 $p(x|\vartheta)dx$,取p

 $(x \mid \vartheta)$ dx 最大的那个对应的 ϑ 作为估计量 $\hat{\vartheta}_{ml}$ 。在这里就是根据观测矢量 Z(k)的概率密度函数 $p(Z(k) \mid X(k))$ 估计 $\hat{X}(k)$ 的值。在高斯分布中,最优估计定义为:

$$\hat{X}(k) = \operatorname{argmin} \quad \phi_k(X(k))$$
 (8)

式中: $\phi_k(X(k)) = [Z(k) - h(X(k))]^T G_R[Z(k) - h(X(k))]; G_R = [M \{ \Delta Z(k) \Delta Z(k)^T \}]^{-1}$ 表示测量噪声 的互相关转置矩阵; $\Delta Z(k) = [\Delta f_1, \Delta \hat{\theta}_1, \Delta f_2, \Delta \hat{\theta}_2, \dots, \Delta f_k, \Delta \hat{\theta}_k]$ 表示观测噪声向量。

这里采用高斯 - 牛顿迭代算法逼近近似值:

$$\hat{\boldsymbol{X}}(k)^{i+1} = \hat{\boldsymbol{X}}(k)^{i} + l(\boldsymbol{H}_{k}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{G}_{R} \boldsymbol{H}_{k})^{-1} \boldsymbol{H}_{k}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{G}_{R}[\boldsymbol{Z}(k) - \boldsymbol{h}(\hat{\boldsymbol{X}}(k)^{i})]$$

$$(9)$$

式中: $\hat{X}(k)^i$ 为第 i次迭代估计参数向量; H_k 为观测矩阵的线性化;l为收敛速率。

在这种条件下,该算法能够迅速收敛,有效的估计最大似然方程的解。同时,因为系统的非线性,有时函数 φ(*X*(*k*))可能仅仅收敛于局部最小,不一定是全局最小值。通过分析局部最小值的位置,在局部收敛域 对于参数 *X*(*k*)的最优估计 *X*(*k*)的收敛区间可以看出,在整个参数向量的区间内,有许多似然函数 φ(*X*(*k*))的局部极值。因此,在实际的迭代算法实施中,选取合适的迭代起始点对于函数 φ(*X*(*k*))的全局收敛 有着至关重要的作用。

在现实的算法实施过程中,对于初始迭代点的选取, t_1 , t_k 与时刻的观测量 f_1 , θ_1 , f_k , θ_k ,以及轨迹参数 x_k , y_k , \dot{x}_k , \dot{y}_k 有关。由于 $t_1 - t_k$ 时刻波达角 θ 变化较小,根据文献[3]可选取为:

$$\begin{cases} x_{k} = (\lambda f_{k} f_{1} \Delta t + b \theta_{1}^{2} f_{k} - b \theta_{k} \theta_{1} f_{1}) / p; & y_{k} = \theta_{k} x_{k} \\ \dot{x}_{k} = b (f_{k} \theta_{1}^{2} + f_{1} \theta_{k}^{2} - \theta_{1} \theta_{k} (f_{1} + f_{k})) / (p \Delta t); & \dot{y}_{k} = -\lambda f_{k} f_{1} (\theta_{1} - \theta_{k}) / p \end{cases}$$
(10)

式中: Δt 表示 2 个相邻时间间隔; $p = \lambda f_k f_1 \Delta t / b + \theta_1^2 f_k - \theta_k^2 f_1$ 。通过带入观测量 $\hat{f_1}, \hat{\theta_1}, \hat{f_k}, \hat{\theta_k}$ 到方程组(10),可以得到参数 **X**(*k*)的初始近似,得到较为精确的初值估计。

3 扩展卡尔曼滤波

由于 EKF 已经相当成熟,这里只讨论其初始协方差的计算。直角坐标系下的量测值 Z(k)近似为:

$$\mathbf{Z}(k) = \begin{bmatrix} x_k \\ y_k \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\lambda f_k f_1 T + b \theta_1^2 f_k - b \theta_k \theta_1 f_1}{\lambda f_k f_1 T / b + \theta_1^2 f_k - \theta_k^2 f_1} \\ \theta_k x_k \end{bmatrix}$$
(11)

观测噪声在直角坐标系下的协方差 $\mathbf{R}_s = \mathbf{A}\mathbf{R}\mathbf{A}^{\mathrm{T}}, \mathbf{R} = \operatorname{diag}(\sigma_f^2, \sigma_\theta^2),$ 式中:

$$\boldsymbol{A} = \begin{bmatrix} \frac{\partial \boldsymbol{x}_{k}}{\partial f_{k}} & \frac{\partial \boldsymbol{x}_{k}}{\partial \theta_{k}} \\ \frac{\partial \boldsymbol{y}_{k}}{\partial f_{k}} & \frac{\partial \boldsymbol{y}_{k}}{\partial \theta_{k}} \end{bmatrix}$$
(12)

$$\vec{x}_{k} \stackrel{!}{=} \frac{\partial x_{k}}{\partial f_{k}} = \frac{\left(\lambda f_{1} T + b\alpha_{1}^{2}\right) \left(\lambda f_{k} f_{1} T / b + \theta_{1}^{2} f_{k} - \theta_{k}^{2} f\right) - \left(\lambda f_{k} f_{1} T + b\theta_{1}^{2} f_{k} - b\theta_{k} \theta_{1} f_{1}\right) \left(\lambda f_{1} T / b + \theta_{1}^{2} - \theta_{k}^{2} f\right)}{\left(\lambda f_{k} f_{1} T / b + \theta_{1}^{2} f_{k} - \theta_{k}^{2} f_{1}\right)^{2}}; \frac{\partial y_{k}}{\partial f_{k}} = \theta_{k} \frac{\partial x_{k}}{\partial f_{k}};$$

$$\frac{\partial x_{k}}{\partial \theta_{k}} = \frac{-b\theta_{1} f_{1} \left(\lambda f_{k} f_{1} T / b + \theta_{1}^{2} f_{k} - \theta_{k}^{2} f_{1}\right) - 2\left(\lambda f_{k} f_{1} T + b\theta_{1}^{2} f_{k} - b\theta_{k} \theta_{1} f\right) \theta_{k} f_{1}}{\left(\lambda f_{k} f_{1} T / b + \theta_{1}^{2} f_{k} - \theta_{k}^{2} f\right)^{2}};$$

$$\frac{\partial y_{k}}{\partial \theta_{k}} = \frac{(\lambda f_{k} f_{1} T + b \theta_{1}^{2} f - 2b \theta_{k} \theta_{1} f) (\lambda f_{k} f_{1} T / b + \theta_{1}^{2} f_{k} - \theta_{k}^{2} f) - 2(\lambda f_{k} f_{1} T + b \theta_{1}^{2} f_{k} - b \theta_{k} \theta_{1} f) \theta_{k} f_{1}}{(\lambda f_{k} f_{1} T / b + \theta_{1}^{2} f_{k} - \theta_{k}^{2} f)^{2}} \circ$$

而初始协方差矩阵为:

$$\boldsymbol{P}(2|2) = \begin{bmatrix} \boldsymbol{P}_{11} & \boldsymbol{P}_{12} \\ \boldsymbol{P}_{12} & \boldsymbol{P}_{22} \end{bmatrix}$$
(13)

式中**P**₁₁,**P**₁₂,**P**₂₂为分块矩阵,且:

$$\boldsymbol{P}_{ij} = \begin{bmatrix} r_{ij}(2) \frac{r_{ij}(2)}{T} \frac{r_{ij}(2)}{T^{2}} \\ \frac{r_{ij}(2)}{T} \frac{r_{ij}(2) + r_{ij}(1)}{T^{2}} \frac{r_{ij}(2) + 2r_{ij}(1)}{T^{3}} \\ \frac{r_{ij}(2)}{T^{2}} \frac{r_{ij}(2) + 2r_{ij}(1)}{T^{3}} \frac{r_{ij}(2) + 4r_{ij}(1) + r_{ij}(0)}{T^{4}} \end{bmatrix}$$
(14)

式中 $r_{ij}(k)$ 为 $R_s(k)$ 中对应的元素。

4 仿真结果与分析

仿真参数采用俄罗斯 A. B. Blyakhman 等人研制的双基 地前向散射栅栏雷达实验系统中的参数:发射波长 $\lambda = 0.77$ m,基线长度 b = 40 km,假设目标以速度 v = 500 m/s 与基线 成 75°角运动,采样间隔 T = 0.1 s, y 维从距离基线 8 000 m 处, x 维取基线中点附近,观测误差 $R = \text{diag}(5^2, 0.01^2)$,迭代 次数 1 000,观测矢量取 24 对,利用 $f_1, \theta_1, f_k, \theta_k$ 求得初始迭代 点,初值估计见图 2。



图 2 中估计值逐渐逼近目标真实位置, y 维偏差大小为 20-30 m, x 维(基线方向)偏差为 100-200 m,该估计为后续的滤波提供了较为精确的初值,满足滤波要求。

对匀加速运动状态进行仿真,目标初始状态 $X_0 = [20\ 000, 200, 5, -6\ 000, 200, 5]^{T}$,对目标进行初值估 计得: $X(0) = [20\ 102, 190, 0, -5\ 980, 205, 0]^{T}$,P(2|2)根据式(13)求得,观测误差协方差阵 $R = \text{diag}(5^2, 0, 01^2)$,仿真时间 40 s,利用匀加速模型对该目标仿真的结果见图 3。



图 3 基于匀加速模型的匀加速目标跟踪仿真

Fig. 3 Results of the simulation of constant acceleration targets tracking based on constant acceleration model
 通过仿真可以看出,滤波轨迹较好地拟合了目标真实运动的情况,经过50-100次迭代后,无论是速度,
 还是加速度,都基本接近真值。

当目标变加速运动时,运用匀加速模型和当前统计模型 进行仿真,仿真时间 33 s,目标初始状态 $X_0 = [20\ 000, 200, 0,$ -10 000,200,5]^T,初值估计得: $X(0) = [20\ 102, 190, 0,$ -10 980,205,0]^T,机动环境见表1。

通常 α 的经验取值范围为:目标机动形式是飞机慢转 弯,1/α 的取值为60 s,对于逃避机动是20 s,大气扰动是1 s。 这里根据实际,取当前统计模型最大加速度 $a_{max} = 10 \text{ m/s}^2$, $a_{-max} = -10 \text{ m/s}^2$, $a_x = 1$, $\alpha_y = 1/5$,仿真结果见图4。

表1 目标机动运动情况表

八百十十十二	t∕s						
分回加速度	25	0	8	17			
$\overline{\ddot{x}_{k+1}/(\mathbf{m}\cdot\mathbf{s}^{-2})}$	0	0	0	0			
$\underline{\ddot{y}}_{k+1}/(\mathbf{m} \cdot \mathbf{s}^{-2})$	5	10	0	- 10			

比较2种模型下的仿真结果,当前统计模型较好地拟合了目标的真实轨迹,而匀加速模型不能跟踪目标 加速度的变化,与之对应的位置信息随之发散。





5 结束语

本文在高斯 - 牛顿算法估计初值的基础上,完成了基于 EKF 的双基地前向散射栅栏雷达机动目标跟踪。但在实际应用中,不管当前统计模型的自相关时间常数 a,还是最大加速度的取值 amax,我们都只能靠经验范围事先设定,而实际情况是实时随机的,所以仿真会在一定程度上偏离实际,但总体来说还是较好地拟合了真实轨迹。对于多目标跟踪问题还有待于深入研究。

参考文献:

- [1] Myakinkov A V. Optimal Detection of High velocity Targets in Forward Scattering Radar[C]//5th International Conference on Antenna Theory and Techniques. Kyiv Ukraine: [s. n], 2005:345 – 347.
- [2] Blyakhman A B, Runova I A. Forward Scattering Bistatic Radar [C]//PIERS Workshop on Advances in Radar Methods. [S. l.]: PIERS Press, 1998:107-113.
- [3] Myakinkov A V, Ryndyk A G. Space time Processing in Three dimensional Forward Scattering Radar [C]//Proceedings of 4th International Conference on Antenna Theory and Techniques. Sevastopol Ukraine: [s. n], 2003:9 12.
- [4] Blyakhman A B, Myakinkov A V, Ryndyk A G. Phased Antenna Arrays in Bistatic Forward Scattering Radar System [C]//Progress in Electromagnetics Research Symposium Proceedings. Cambridge. Massachusetts:[s. n],2002:163 - 167.
- [5] Howland P E. Target Tracking Using Television—based Bistatic Radar [J]. IEE Proc Radar Sonar Navigation, 1999, 146(3): 166 - 174.
- [6] Blyakhman A B, Myakinkov A V, Ryndyk A G. Algorithm of Target Tracking for Three Dimensional Bistatic Forward Scattering Radar [C]//Proceedings of 4th International Radar Symposium. Warsaw: [s. n],2004:17-21.
- [7] 吕孝雷,张守宏,李锘.双基地前向散射栅栏雷达的目标运动参数估计[J].西安电子科技大学学报:自然科学版,2007, 34(1):54-58.

LÜ Xiaolei, ZHANG Shouhong, LI Nuo. Estimation of the Moving Parameters for Objects in the Bistatic Forward Scattering Barri– er Radar[J]. Journal of Xidian University: Natural Science Edition, 2007, 34(1):54 – 58. (in Chinese)

- [8] Blyakhman A B, Ryndyk A G, Sidorov S B. Forward Scattering Radar Moving Object Coordinate Measurement [C]//Radar Conference. [S. 1]: IEEE Press, 1999:678-681.
- [9] 何友,修建娟. 雷达数据处理及应用[M]. 北京:电子工业出版社. 2006.
 HE You,XIU Jianjuan. Radar Data Processing With Applications[M]. Beijing:Publishing House of Electronics Industry,2006.
 (in Chinese)

(下转第94页)